物理的クォーク質量における 2+1+1 フレーバー格子 QCD を用いた 標準模型を超えた物理の探索

Search for physics beyond the standard model from 2+1+1 Flavor Lattice QCD with the Physical Quark Masses

石川 健一

広島大学大学院先進理工系科学研究科

1. 研究目的

格子 QCD シミュレーションによる計算では、大きな物理体積を保ちながらモンテカル ロ計算の統計誤差を減らすことは難しいと考えられていた。しかしながら我々が京コ ンピュータを用いた計算では物理4次元時空体積 V を大きくすると、それにともない 統計誤差が $1/\sqrt{V}$ に比例して減少することを確認し、超大体積シミュレーションの優 位性を示した。この発見に基づき我々は 2016 年度から master-field シミュレーショ ンという名前で超大体積シミュレーションを行い、QCD 物理量の精密計算を目指して きた。特に、master-field シミュレーションを用いることで初めて可能になることとし て、陽子の形状因子やカビボ・小林・益川行列要素の精密決定がある。これらの物理量は 標準模型を超えた物理を探索する上で重要な物理量である。長さLの格子上での運動量 の解像度は $\Delta p \propto 1/L$ となることから、master-field シミュレーションの超大体積(V = $L^4 > (10 \text{ fm})^4$)格子上では、形状因子の運動量移行 $q^2 = 0$ 近辺の解像度が高くなり、かつ、 統計誤差も小さくなり、高精度での計算が可能となる。本研究の目的は 2+1 フレーバーおよび 2+1+1 フレーバー master-field シミュレーションにより、標準模型を超え た物理を探索する上で必要な強い相互作用に関する物理量である。K 中間子の崩壊形状 因子や陽子崩壊行列要素を高精度で求めることである。

2. 研究成果の内容

われわれはこれまでの研究で 2+1 フレーバーmaster-field シミュレーション用の格子 QCD ゲージ配位を格子間隔(0.085 fm,0.065 fm)で生成した。これらのゲージ配位を用 いて、カビボー小林-益川行列要素 $|V_{us}|$ の決定に関する物理量である K 中間子のセミレ プトニック崩壊 (K $\rightarrow \pi \ell v$) 形状因子の計算を行った。令和4年度は、格子間隔 0.065 fm の計算を完了させ、これらの計算結果をまとめ学術論文として発表した(後述の学術論 文[1])。図 1 に我々の $|V_{us}|$ の結果(赤丸印)と、他グループを含めたそれ以前の結果を示 す。我々の最新結果は、それ以前の結果(赤四角印)よりも小さな誤差になっている。ま た、この結果は最高精度の他グループの結果(黒四角印)と同程度の精度となっている。 我々の最新結果の誤差を与える主要な原因は、有限格子間隔による系統誤差である。今 後、3 点目の格子間隔を用いた計算を実行することにより、この系統誤差の大幅な削減 を目指す。高精度の結果を用いて、標準模型 の予言値(図中灰色、水色帯)とのズレの有無 を明らかにすることで、標準模型を超える物 理探索研究を行う。さらに令和4年度は、 2+1 フレーバーmaster-field シミュレーシ ョンのゲージ配位生成計算の目処が立った ことから、新たなプロジェクトとして、チャ ームクォーク真空偏極効果を取り入れた 2+1+1 master-field シミュレーションに着 手した。Cygnus を用いて 2+1+1 フレーバ ー master-field シミュレーションに必要 なクォーク作用改良係数決定計算を行い、そ の係数を用いて master-field シミュレーシ ョンに向けたパラメータ調整(クォーク質量 と格子間隔を調整)のための小体積の小規模 シミュレーションを Wisteria-O で実行し た。図2には、その計算により得られた様々 な中間子質量の結果と実験値の相対差を示 す。我々の計算結果は、5%程度以内で実験 値を再現している。緑印や赤印のチャームク オークを含む中間子の一部が実験値からや や離れているのは、有限格子間隔による系統



図1 |Vus|の結果。赤丸印と赤四角印は我々の結果。黒印は他グループの結果。青印と緑印はK中間子レプトニック崩壊から決められた結果。内側の誤差は統計誤差、外側の誤差は統計誤差と系統誤差を合わせた総合誤差。灰色、水色帯は標準模型からの予言値。



図2アップ、ダウン、ストレンジ、チャーム クォークに関する中間子質量計算結果と実験 値の相対差。横破線が実験値を表す。

誤差と考えている。一方、パイ中間子のずれは有限体積効果と予想している。今後は、 この試験計算結果を基に master-field シミュレーションを実行する。

3. 学際共同利用プログラムが果たした役割と意義

2+1+1 フレーバー master-field シミュレーションに必要なクォーク作用改良係数の 計算には Cygnus を用いた。このクォーク作用改良係数の計算には多くのモンテカル ロ統計数とパラメータの組み合わせの探索が必要であり、GPU を搭載した Cygnus の 複数ノードの利用ができなければこの計算を完了することはできなかった。クォーク 質量と格子間隔パラメータ調整のための中体積でのシミュレーション(格子間隔,格子 サイズ)=(0.085 fm, 64⁴)は、Wisteria-O を用いて実行した。このような規模の計算を 複数実行できる計算環境は国内で「富岳」以外には Wisteria-O のみである。

4. 今後の展望

3 点目の格子間隔での 2+1 フレーバー配位を用いた K 中間子セミレプトニック崩壊形

状因子計算を実行し、これまでよりも高精度な結果を得ることを目指す。この配位の格子サイズは256⁴であるため、Wisteria-O ではメモリ制限により実行できないため「富岳」を用いた計算を予定している。一方、2+1+1フレーバーシミュレーションについては、令和4年度に導入された Pegasus も有効活用し、任意の格子間隔でのクォーク作用改良係数の決定計算を完了させ、その結果を用いて2+1+1フレーバー master-field を用いた物理量計算のためのゲージ配位生成を行う予定である。

- 5. 成果発表
 - (1) 学術論文
 - K.-I. Ishikawa, N. Ishizuka, Y. Kuramashi, Y. Namekawa, Y. Taniguchi, N. Ukita, T. Yamazaki, T. Yoshie for PACS Collaboration, "K_13 form factors at the physical point: Toward the continuum limit", Physical Review D106, 9 (2022), 094501, p.1-25.
 - [2] T. Yamazaki, K.-I. Ishikawa, N. Ishizuka, Y. Kuramashi, Y. Nakamura, Y. Namekawa, Y. Taniguchi, N. Ukita, T. Yoshie for PACS Collaboration, "Calculation of kaon semileptonic form factor with the PACS10 configuration", Proceedings of Science(LATTICE2021), 563 (2022), p.1-9.
 - [3] T. Yamazaki, K.-I. Ishikawa, N. Ishizuka, Y. Kuramashi, Y. Namekawa, Y. Taniguchi, N. Ukita, T. Yoshie for PACS Collaboration, "Calculation of kaon semileptonic form factor with the PACS10 configuration", Proceedings of Science(LATTICE2022), 425 (2023), p.1-10.
 - [4] T. Yamazaki, K.-I. Ishikawa, N. Ishizuka, Y. Kuramashi, Y. Namekawa, Y. Taniguchi, N. Ukita, T. Yoshie for PACS Collaboration, "Kaon semileptonic form factors at the physical quark masses on large volumes in Nf=2+1 lattice QCD", Journal of Physics: Conference Series, 2446, 1 (2023), 012007, p.1-5.
 - (2) 学会発表
 - T. Yamazaki, K.-I. Ishikawa, N. Ishizuka, Y. Kuramashi, Y. Namekawa, Y. Taniguchi, N. Ukita, T. Yoshie for PACS Collaboration, "Momentum transfer dependence of kaon semileptonic form factor on (10 fm)\$^4\$ at the physical point", Lattice 2022, ボン大学, ドイツ, 8/8-13, 2022.
 - [2] T. Yamazaki, K.-I. Ishikawa, N. Ishizuka, Y. Kuramashi, Y. Namekawa, Y. Taniguchi, N. Ukita, T. Yoshie for PACS Collaboration, "Kaon semileptonic form factors at the physical quark masses on large volumes in \$N_f=2+1\$ lattice QCD", KAON2022, 大阪大学, 9/13-16, 2022.
 - [3] 山崎剛、石川健一、石塚成人、藏増嘉伸、中村宜文、滑川裕介、谷口裕介、

浮田尚哉、吉江友照 for PACS Collaboration, "格子 QCD を用いた K 中間 子セミレプトニック崩壊位相積分計算", 日本物理学会 2022 年秋季大会, 岡 山理科大学, 9/6-9, 2022.

- [4] 【招待講演】山崎剛、藏増嘉伸、石塚成人、浮田尚哉、新谷栄悟、石川健一、 滑川裕介、中村宜文、渡辺展正, "2+1 フレーバー格子 QCD master field を 用いた標準理論を超える物理の探索", 第9回 HPCI システム利用研究課題成 果報告会, オンライン, 10/28-29, 2022.
- [5] [招待講演] Takeshi Yamazaki, "PACS10 Project", Challenges and opportunities in Lattice QCD simulations and related fields, 理研 CCS, 2/15-17, 2023.
- (3) その他
 - [1] [受賞] 山崎 剛, 藏増 嘉伸, 石塚 成人, 浮田 尚哉, 新谷 栄悟, 石川 健一, 滑川 裕介, 中村 宜文, 渡辺 展正, 第9回成果報告会における HPCI 利用研 究課題優秀成果賞

使用計算機	使用計算機に	配分リソース※	
	0	当初配分	追加配分
Cygnus	0	45000	
Wisteria/BDEC-01	0	800000	800000
※配分リソースについてはノード時間積をご記入ください。			